



**ĐỀ THI CHÍNH THỨC**

**Môn thi : TIN HỌC**

Ngày thi : .../.../2023

(Thời gian : 150 phút – không kể thời gian phát đề)

**TỔNG QUAN BÀI THI**

| Bài   | Tên bài       | Tập chương trình | Dữ liệu vào    | Kết quả        | Thời gian chấm |
|-------|---------------|------------------|----------------|----------------|----------------|
| Bài 1 | Mèo bắt chuột | batc.*           | batc.inp       | batc.out       | 1 giây/test    |
| Bài 2 | Cộng 1 nhân 2 | c1n2.*           | c1n2.inp       | c1n2.out       | 1 giây/test    |
| Bài 3 | Thi nhảy xa   | nhayxa.*         | nhayxa.inp     | nhayxa.out     | 1 giây/test    |
| Bài 4 | Trao thưởng   | traothuong.*     | traothuong.inp | traothuong.out | 2 giây/test    |

Dấu \* được thay thế bởi **PAS** hoặc **CPP** hoặc **PY** của ngôn ngữ lập trình được sử dụng tương ứng là **Pascal** hoặc **C++** hoặc **Python**.

Học sinh **không cần** kiểm tra dữ liệu vào.

=====

**HÃY LẬP TRÌNH GIẢI CÁC BÀI TOÁN SAU:**

**Bài 1 (2,50 điểm): Mèo bắt chuột**

Hai chú mèo con có tên Cata và Catb đang luyện tập chăm chỉ để tham gia hội thi “Bé khỏe bắt chuột” được tổ chức bởi trường mầm non Vncat. Mèo mẹ dùng một con chuột đồ chơi để hai chú mèo luyện tập. Mèo mẹ kẻ một đường thẳng, trên đường thẳng được chia thành các điểm cách đều nhau, các điểm được đánh số lần lượt 1, 2, 3, ....từ trái qua phải. Chú mèo Cata đứng ở vị trí  $a$ , chú mèo Catb đứng ở vị trí  $b$ , mèo mẹ sẽ đặt con chuột đồ chơi ở vị trí  $c$ . Sau khi có hiệu lệnh, hai chú mèo nhảy cùng lúc đến vị trí của chuột, chú mèo nào đến được vị trí của chuột trước sẽ bắt được chuột.

**Yêu cầu:** Hãy cho biết chú mèo nào sẽ bắt được chuột biết rằng khả năng của hai chú mèo như nhau.

**Dữ liệu vào:** từ tệp văn bản BATC.INP:

+ Một dòng ghi 3 số nguyên dương  $a, b, c$  lần lượt cho biết vị trí của Cata, Catb và chuột. Các số có giá trị không vượt quá 1000.

**Kết quả:** Ghi vào tệp văn bản BATC.OUT tên của chú mèo bắt được chuột, nếu cả hai nhảy đến vị trí của chuột cùng lúc thì ghi “Cata Catb”

**Ví dụ:**

| BATC.INP | BATC.OUT | BATC.INP | BATC.OUT | BATC.INP | BATC.OUT  |
|----------|----------|----------|----------|----------|-----------|
| 4 5 6    | Catb     | 7 10 8   | Cata     | 8 10 9   | Cata Catb |



## Bài 2 (2,50 điểm): Cộn 1 nhân 2

Mèo con Cata bước vào nội dung đầu tiên của hội thi “Bé khỏe bắt chuột”. Trong phần thi này, mèo con Cata được ban tổ chức cho hai số nguyên dương  $a, b$  ( $a \leq b \leq 10^9$ ) và được thực hiện hai loại thao tác “*Tăng  $a$  lên 1*” hoặc “*gấp đôi  $a$* ” sao cho không có loại thao tác nào được thực hiện hai lần liên tiếp nhau. Sau mỗi thao tác nếu giá trị của  $a$  nhận được là bội số của 3 nhưng chưa lớn hơn  $b$  thì ban tổ chức sẽ giảm  $a$  xuống 3 lần.

**Yêu cầu:** Hãy cho biết mèo Cata cần thực hiện ít nhất bao nhiêu thao tác để  $a$  lớn hơn  $b$ ?

**Dữ liệu vào:** từ tệp văn bản C1N2.INP:

+ Một dòng ghi lần lượt hai số nguyên  $a, b$  ( $1 \leq a \leq b \leq 10^9$ ).

**Kết quả:** ghi ra tệp văn bản C1N2.OUT một số nguyên duy nhất cho biết số lượng thao tác ít nhất cần thực hiện hoặc ghi  $-1$  nếu không có cách thực hiện để  $a$  lớn hơn  $b$ .

**Ví dụ:**

| C1N2.INP | C1N2.OUT |
|----------|----------|
| 2 10     | 4        |

| C1N2.INP | C1N2.OUT |
|----------|----------|
| 3 10     | -1       |

| C1N2.INP | C1N2.OUT |
|----------|----------|
| 4 10     | 3        |

## Bài 3 (2,50 điểm): Thi nhảy xa

Nhảy xa là một kỹ năng không thể thiếu để các chú mèo bắt chuột, chính vì vậy trường mầm non Vncat đưa nội dung nhảy xa vào hội thi “Bé khỏe bắt chuột”. Trong nội dung này có  $n + 1$  chú mèo tham gia, mỗi chú mèo chỉ có 1 lần thực hiện bài thi của mình.

Mèo Catb là thí sinh cuối cùng thực hiện phần thi, vì vậy Catb biết được kết quả của  $n$  thí sinh trước, thí sinh thứ  $i$  có kết quả là  $a_i$  điểm. Theo quy định của ban tổ chức, thí sinh cao điểm nhất được xếp hạng 1, thí sinh cao điểm nhì được xếp hạng 2, ..., các thí sinh bằng điểm nhau được xếp hạng như nhau. Ví dụ, điểm số của các thí sinh lần lượt là 10 20 20 10 6 1 thì hai thí sinh 20 điểm được xếp hạng 1, hai thí sinh 10 điểm xếp hạng 2, thí sinh 6 điểm xếp hạng 3, thí sinh 1 điểm được xếp hạng 4.

Trong phần thi của mình, mèo Catb dành được  $k$  điểm, hãy cho biết thứ hạng của Catb.

**Dữ liệu vào:** Từ tệp văn bản NHAYXA.INP:

+ Dòng đầu tiên ghi số nguyên dương  $n$  ( $n \leq 2 \cdot 10^5$ )

+ Dòng thứ hai ghi lần lượt  $n$  số nguyên dương  $a_1, a_2, \dots, a_n$  ( $a_i \leq 10^9$ ) cho biết điểm của  $n$  thí sinh tham gia đầu tiên.

+ Dòng cuối ghi số nguyên  $k$  ( $0 < k \leq 10^9$ ) cho biết điểm thi của mèo Catb nhận được.

**Kết quả:** Ghi vào tệp văn bản NHAYXA.OUT một số nguyên duy nhất cho biết thứ hạng của mèo Catb.

**Ví dụ:**

| NHAYXA.INP          | NHAYXA.OUT |
|---------------------|------------|
| 5<br>1 2 4 5 6<br>3 | 4          |

| NHAYXA.INP          | NHAYXA.OUT |
|---------------------|------------|
| 5<br>5 1 5 3 2<br>4 | 2          |

**Ràng buộc:**

+ Có 30% số test tương ứng với 30% số điểm có  $n \leq 2000$ ;

+ Có 50% số test khác tương ứng 50% số điểm có  $a_i$  ( $i = 1 \dots n$ ) đôi một khác nhau;

+ Có 20% số test còn lại tương ứng 20% số điểm không có ràng buộc gì thêm.



#### Bài 4 (2,50 điểm): Trao thưởng

Hội thi “Bé khỏe bắt chuột” do trường Vncat tổ chức thành công tốt đẹp, hội thi đã chọn ra được những thí sinh khỏe nhất, bắt được nhiều chuột nhất. Trường Vncat sẽ tiến hành trao thưởng cho các thí sinh, mỗi thí sinh tham gia hội thi được nhận một phần quà bao gồm hiện vật và một hộp kẹo từ nhà tài trợ.

Có  $n$  hộp kẹo đã được chuẩn bị sẵn, trong hộp thứ  $i$  ( $i = 1 \dots n$ ) có  $a_i$  viên kẹo. Trường Vncat mong muốn số lượng viên kẹo trong mỗi hộp đều là số nguyên tố nên đã yêu cầu bổ sung thêm kẹo sao cho số lượng kẹo trong mỗi hộp là số nguyên tố.

**Yêu cầu:** Hãy cho biết tổng số kẹo ít nhất cần bổ sung vào các hộp kẹo?

**Dữ liệu vào:** Từ tệp văn bản TRAOTHUONG.INP

+ Dòng đầu tiên ghi số nguyên dương  $n$  ( $n \leq 10^6$ )

+ Dòng tiếp theo ghi lần lượt các số nguyên  $a_1, a_2, \dots, a_n$  ( $a_i \leq 2 \times 10^6, i = 1 \dots n$ )

**Kết quả:** Ghi vào tệp TRAOTHUONG.OUT một số duy nhất cho biết kết quả bài toán.

**Ví dụ:**

| TRAOTHUONG.INP | TRAOTHUONG.OUT |
|----------------|----------------|
| 3<br>4 2 8     | 4              |

**Giải thích ví dụ:** cần bổ sung 1 viên kẹo vào hộp thứ nhất (đang có 4 viên), hộp thứ hai có 2 viên kẹo là số nguyên tố nên không cần bổ sung, bổ sung 3 viên kẹo vào hộp thứ ba (đang có 8 viên). Vậy tổng số kẹo cần bổ sung là  $1 + 0 + 3 = 4$ .

**Ràng buộc:**

+ Có 50% số test tương ứng 50% số điểm có  $n \leq 1000$ ;

+ Có 50% số test còn lại tương ứng 50% số điểm không có ràng buộc nào thêm.

===== HẾT =====